

2 行列  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$  は, 任意のベクトル  $\vec{u} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  に対して

$A\vec{u} \cdot \vec{u} = \vec{u} \cdot \vec{u} = \frac{1}{4}A\vec{u} \cdot A\vec{u}$  を満たす. ただし,  $\vec{u} \cdot \vec{v}$  はベクトル  $\vec{u}, \vec{v}$  の内積を表す.

(1)  $A$  を求めよ.

(2)  $\vec{u}$  が零ベクトルでないとき,  $\vec{u}, A\vec{u}$  のなす角を求めよ.

(3)  $A$  の定める 1 次変換によって, 円弧

$$\{(x, y) \mid x^2 + y^2 = 1, x \geq 0, y \leq 0\}$$

はどのような図形にうつされるか. 図によって示せ.