

2 複素数平面において,

- (1) α を絶対値 1 の複素数とし, l を原点と α を通る直線とする. α を通り l に垂直な直線 m 上の点 z は方程式

$$\bar{\alpha}z + \alpha\bar{z} = 2$$

を満たすことを示せ.

- (2) α, β, γ を絶対値 1 の複素数とし, $\frac{\beta}{\alpha}, \frac{\gamma}{\beta}, \frac{\alpha}{\gamma}$ の偏角はすべて 0° より大きく 180° より小さいとする. このとき, 3 つの直線

$$\bar{\alpha}z + \alpha\bar{z} = 2, \quad \bar{\beta}z + \beta\bar{z} = 2, \quad \bar{\gamma}z + \gamma\bar{z} = 2$$

で囲まれる部分が原点を中心とする正三角形であれば,

$$\alpha + \beta + \gamma = 0$$

となることを示せ.