

3 平面上の $\triangle OA_1A_2$ は $\angle OA_2A_1 = 90^\circ$, $OA_1 = 1$, $OA_2 = \frac{1}{\sqrt{3}}$ を満たすとする.
 A_2 から OA_1 へ垂線を下ろし, 交点を A_3 とする. A_3 から OA_2 へ垂線を下ろし, 交点を A_4 とする. 以下同様に, $k = 4, 5, \dots$ について, A_k から OA_{k-1} へ垂線を下ろし, 交点を A_{k+1} とし, 順番に A_5, A_6, \dots を定める. このとき, 以下の問いに答えよ.

(1) A_kA_{k+1} ($k = 1, 2, \dots$) を求めよ.

(2) $\vec{h}_k = \overrightarrow{A_kA_{k+1}}$ とおくと, 自然数 n に対して $\sum_{k=1}^n \vec{h}_k \cdot \vec{h}_{k+1}$ を求めよ. ただし,
 $\vec{h}_k \cdot \vec{h}_{k+1}$ は \vec{h}_k と \vec{h}_{k+1} の内積を表す.