

5 1 辺の長さ 1 の正方形  $ABCD$  の辺  $AD$  上に点  $P$  をとり,  $AC, BP$  の交点を  $Q$  とするとき, 面積

$$S = \triangle APQ + \triangle QBC$$

の最小値を求めよ.