

2 長さ 2 の線分 AB を直径とする円を底面とし、高さが $\sqrt{3}$ の直円錐を考える。この直円錐の側面上で 2 点 A, B を結ぶ最短の道を l とする。直円錐の頂点を C 、底面の中心を O とし以下の問に答えよ。

- (1) 直円錐の展開図をもちいて l の長さを求めよ。
- (2) l 上の点 P に対して、線分 CP の延長と弧 AB の交点を Q とする。 $\angle AOQ = \theta$ として CP^2 を $\sin \theta$ で表せ。ただし、 $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ とする。
- (3) P から線分 OQ に下ろした垂線を PR とし、 A から線分 OQ に下ろした垂線を AS とする。 $0^\circ < \theta \leq 90^\circ$ の範囲で $\frac{OS^2}{OQ^2}$ の最大値を求めよ。