

6 さいころを n 回投げて出た目を順に X_1, X_2, \dots, X_n とする。さらに

$$Y_1 = X_1, \quad Y_k = X_k + \frac{1}{Y_{k-1}} \quad (k = 2, \dots, n)$$

によって Y_1, Y_2, \dots, Y_n を定める。

$$\frac{1 + \sqrt{3}}{2} \leqq Y_n \leqq 1 + \sqrt{3}$$

となる確率 p_n を求めよ。