

3 a を奇数とし, 整数 m, n に対して,

$$f(m, n) = mn^2 + am^2 + n^2 + 8$$

とおく. $f(m, n)$ が 16 で割り切れるような整数の組 (m, n) が存在するための a の条件を求めよ.