

3 長さ 1 の線分をつなげてできる右のような平面上の図形 Q_1, Q_2, Q_3, \dots を考える .
 $n = 1, 2, 3, \dots$ に対し , 図形 Q_n の左端の点を A_n , 右端の点を B_n , 上端の点を C_n とする .

Q_1 は一辺の長さが 1 の正三角形の周である . Q_2 は図のように , Q_1 を 3 つつなげてできる図形である .

Q_n と同じ図形を 3 つ用意し , それらを $Q_n(1), Q_n(2), Q_n(3)$ とする . $i = 1, 2, 3$ に対し , $Q_n(i)$ の左端の点を $A_n(i)$, 右端の点を $B_n(i)$, 上端の点を $C_n(i)$ としたとき , Q_{n+1} は , $B_n(1)$ と $A_n(2)$, $C_n(2)$ と $B_n(3)$, $A_n(3)$ と $C_n(1)$ がそれぞれ同一の点になるようにおいてできる図形である .

Q_n において , A_n から線分の上を通り , 一度通った点は二度通らずに B_n まで行く行き方を考える . この行き方のうち , 途中 C_n を通らない場合の個数を x_n とし , 途中 C_n を通る場合の個数を y_n とする . 容易にわかるように , $x_n = y_n = 1$ である .

- (1) x_2, y_2 を求めよ .
- (2) x_{n+1} を x_n, y_n を用いて表せ . また , y_{n+1} を x_n, y_n を用いて表わせ .
- (3) x_3, y_3 を求めよ .



